

MATHEMATICS

1.  $P(n) : 2^n < n!$  ಆದರೆ  $P(n)$  ಸತ್ಯವಾಗಿರುವ  $n$  ನ ಕನಿಷ್ಠ ಮೌಲ್ಯವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
  - (A) 4 (B) 5
  - (C) 2 (D) 3
2.  $z = x + iy$  ಆದಾಗ,  $|z+1| = |z-1|$  ನ್ನು ಸೂಚಿಸುವ ಸಮೀಕರಣ
  - (A) x-ಅಕ್ಷ (B) y-ಅಕ್ಷ
  - (C) ವೃತ್ತ (D) ಪರಬೋಲ
3.  ${}^{16}C_9 + {}^{16}C_{10} - {}^{16}C_6 - {}^{16}C_7$  ನ ಮೌಲ್ಯ
  - (A)  ${}^{17}C_{10}$  (B)  ${}^{17}C_3$
  - (C) 0 (D) 1
4.  $(x+y+z)^{10}$  ನ ವಿಸ್ತಾರದಲ್ಲಿ  $x$  ಮತ್ತು  $y$  ಇವುಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ
  - (A) 11 (B) 110
  - (C) 66 (D) 142
5. ಸಮಾಂತರ ಶ್ರೇಣಿಯ  $n$  ಪದಗಳ ಮೊತ್ತವು  $S_n = n^2 + n$  ಆದಾಗ, ಸಮಾಂತರ ಶ್ರೇಣಿಯ ಸಾಮಾನ್ಯ ವ್ಯತ್ಯಾಸವು
  - (A) 2 (B) 6
  - (C) 4 (D) 1
6.  $lx + my = n$  ಮತ್ತು  $l'x + m'y = n'$  ಇವುಗಳ ಎರಡು ಸರಳರೇಖೆಗಳು ಲಂಬವಾಗಿರುವುದಾದರೆ
  - (A)  $lm + l'm' = 0$
  - (B)  $lm' + ml = 0$
  - (C)  $ll' + mm' = 0$
  - (D)  $lm' = ml$
7. ಪರಬೋಲ  $x^2 = 4ay$  ಯು  $(2, 1)$  ಬಿಂದುವಿನ ಮೂಲಕ ಹಾದು ಹೋದರೆ ಸಾಧ್ಯವಾದ ಅಂಶ
  - (A) 2 (B) 8
  - (C) 1 (D) 4

Space For Rough Work

C-3

2

Mathematics

MATHEMATICS

1. If  $P(n) : 2^n < n!$  Then the smallest positive integer for which  $P(n)$  is true if
  - (A) 4 (B) 5
  - (C) 2 (D) 3
2. If  $z = x + iy$ , then the equation  $|z+1| = |z-1|$  represents
  - (A) x-axis (B) y-axis
  - (C) a circle (D) a parabola
3. The value of  ${}^{16}C_9 + {}^{16}C_{10} - {}^{16}C_6 - {}^{16}C_7$  is
  - (A)  ${}^{17}C_{10}$  (B)  ${}^{17}C_3$
  - (C) 0 (D) 1
4. The number of terms in the expansion of  $(x+y+z)^{10}$  is
  - (A) 11 (B) 110
  - (C) 66 (D) 142
5. If the sum of  $n$  terms of an A.P. is given by  $S_n = n^2 + n$ , then the common difference of the A.P. is
  - (A) 2 (B) 6
  - (C) 4 (D) 1
6. The two lines  $lx + my = n$  and  $l'x + m'y = n'$  are perpendicular if
  - (A)  $lm + l'm' = 0$
  - (B)  $lm' + ml = 0$
  - (C)  $ll' + mm' = 0$
  - (D)  $lm' = ml$
7. If the parabola  $x^2 = 4ay$  passes through the point  $(2, 1)$ , then the length of the latus rectum is
  - (A) 2 (B) 8
  - (C) 1 (D) 4

Space For Rough Work

Handwritten notes and calculations:

$$z = x + iy$$

$$|z+1| = |z-1|$$

$$S_n = n^2 + n$$

$$S_2 = 2^2 + 2 = 6$$

$$S_3 = 3^2 + 3 = 12$$

$$S_4 = 4^2 + 4 = 20$$

$$S_5 = 5^2 + 5 = 30$$

$$S_6 = 6^2 + 6 = 42$$

$$S_7 = 7^2 + 7 = 56$$

$$S_8 = 8^2 + 8 = 72$$

$$S_9 = 9^2 + 9 = 90$$

$$S_{10} = 10^2 + 10 = 110$$

Mathematics

C-3

8.  $\lim_{x \rightarrow 0} \left( \frac{\tan x}{\sqrt{2x+4}-2} \right)$  ನ ಮೌಲ್ಯ
  - (A) 4 (B) 6
  - (C) 2 (D) 3
9. "ಎಲ್ಲಾ ವಾಸ್ತವ ಸಂಖ್ಯೆ  $x$  ಮತ್ತು  $y$  ಗಳಿಗೆ  $x + y = y + x$ " ಈ ಉಕ್ತಿಯ ಸರಿಯಾದ ಉತ್ತರ
  - (A) ಕೆಲವು ವಾಸ್ತವ ಸಂಖ್ಯೆ  $x$  ಮತ್ತು  $y$  ಗಳಿಗೆ,  $x + y = y + x$
  - (B) ಕೆಲವು ವಾಸ್ತವ ಸಂಖ್ಯೆ  $x$  ಮತ್ತು  $y$  ಗಳಿಗೆ,  $x - y = y - x$
  - (C) ಎಲ್ಲಾ ವಾಸ್ತವ ಸಂಖ್ಯೆ  $x$  ಮತ್ತು  $y$  ಗಳಿಗೆ,  $x + y = y + x$
  - (D) ಕೆಲವು ವಾಸ್ತವ ಸಂಖ್ಯೆ  $x$  ಮತ್ತು  $y$  ಗಳಿಗೆ,  $x + y = y + x$
10. 6, 7, 8, 9, 10 ದತ್ತಾಂಶದ ಮಾಪಕ ವಿಚಲನೆಯು
  - (A) 2 (B) 10
  - (C)  $\sqrt{2}$  (D)  $\sqrt{10}$
11. ಪರಸ್ಪರ ಪ್ರತ್ಯೇಕ ಮತ್ತು ಸರ್ವವ್ಯಾಪ್ತ ಘಟನೆಗಳಾದ A, B, C ಗಳು  $P(A) = 2P(B) = 3P(C)$  ಮತ್ತು  $P(A \cap B \cap C) = P(B \cap C)$  ಯು
  - (A)  $\frac{3}{11}$  (B)  $\frac{4}{11}$
  - (C)  $\frac{1}{11}$  (D)  $\frac{2}{11}$
12. R ನ್ನು ಗಣಿ  $\{(1, 2, 3)\}$  ದ ಮೇಲಿನ ಸಂಬಂಧವಾಗಿ ವ್ಯಾಖ್ಯಾನಿಸಿದಾಗ  $R = \{(1, 1)\}$  ಆದಾಗ, R ನ್ನು
  - (A) ಸಮಾಂತರ ಮತ್ತು ವಾಚಕ
  - (B) ಸಮಾಂತರ ಮಾತ್ರ
  - (C) ಪ್ರತಿಫಲನ ಮತ್ತು ಸಮಾಂತರ
  - (D) ಪ್ರತಿಫಲನ ಮತ್ತು ವಾಚಕ
13. ಉಕ್ತವು  $f : [2, \infty) \rightarrow \mathbb{R}$  ನ್ನು  $f(x) = x^2 - 4x + 5$  ಎಂದು ವ್ಯಾಖ್ಯಾನಿಸಿದಾಗ, f ನ ವ್ಯಾಪ್ತಿಯು
  - (A)  $(1, \infty)$
  - (B)  $[5, \infty)$
  - (C)  $(-\infty, \infty)$
  - (D)  $[1, \infty)$

Space For Rough Work

C-3

4

Mathematics

8.  $\lim_{x \rightarrow 0} \left( \frac{\tan x}{\sqrt{2x+4}-2} \right)$  is equal to
  - (A) 4 (B) 6
  - (C) 2 (D) 3
9. The negation of the statement "For all real numbers  $x$  and  $y$ ,  $x + y = y + x$ " is
  - (A) for some real numbers  $x$  and  $y$ ,  $x + y = y + x$
  - (B) for some real numbers  $x$  and  $y$ ,  $x - y = y - x$
  - (C) for all real numbers  $x$  and  $y$ ,  $x + y = y + x$
  - (D) for some real numbers  $x$  and  $y$ ,  $x + y = y + x$
10. The standard deviation of the data 6, 7, 8, 9, 10 is
  - (A) 2 (B) 10
  - (C)  $\sqrt{2}$  (D)  $\sqrt{10}$
11. If A, B, C are three mutually exclusive and exhaustive events of an experiment such that  $P(A) = 2P(B) = 3P(C)$ , then  $P(B)$  is equal to
  - (A)  $\frac{3}{11}$  (B)  $\frac{4}{11}$
  - (C)  $\frac{1}{11}$  (D)  $\frac{2}{11}$
12. If a relation R on the set  $\{(1, 1)\}$ , then R is
  - (A) Symmetric and transitive
  - (B) Only symmetric
  - (C) Reflexive and symmetric
  - (D) Reflexive and transitive
13. Let  $f : [2, \infty) \rightarrow \mathbb{R}$  be the function defined by  $f(x) = x^2 - 4x + 5$ , then the range of  $f$  is
  - (A)  $(1, \infty)$
  - (B)  $[5, \infty)$
  - (C)  $(-\infty, \infty)$
  - (D)  $[1, \infty)$

Space For Rough Work

Handwritten notes and calculations:

$$f(x) = x^2 - 4x + 5$$

$$f(2) = 2^2 - 4(2) + 5 = 1$$

$$f(3) = 3^2 - 4(3) + 5 = 2$$

$$f(4) = 4^2 - 4(4) + 5 = 5$$

$$f(5) = 5^2 - 4(5) + 5 = 10$$

$$f(6) = 6^2 - 4(6) + 5 = 17$$

$$f(7) = 7^2 - 4(7) + 5 = 26$$

$$f(8) = 8^2 - 4(8) + 5 = 37$$

$$f(9) = 9^2 - 4(9) + 5 = 50$$

$$f(10) = 10^2 - 4(10) + 5 = 65$$

Mathematics

5

C-3

14. ಗಣ  $A = (a, b, c)$  ಆದಾಗ, ಗಣ  $A$  ದ ಮೇಲೆ ದ್ವಿಮಾನ ಕ್ರಿಯೆಯ ಒಟ್ಟು ಸಂಖ್ಯೆಗಳು  
(A)  $3^3$  (B)  $3^9$   
(C) 3 (D)  $3^6$

15.  $f(x) = \cos^{-1}\sqrt{x-1}$  ಉತ್ಪನ್ನದ ಕ್ಷೇತ್ರವು  
(A)  $[-1, 1]$  (B)  $[0, 1]$   
(C)  $[1, 2]$  (D)  $[0, 2]$

16.  $\cos\left(\sin^{-1}\frac{\pi}{3} + \cos^{-1}\frac{\pi}{3}\right)$  ನ ಬೆಲೆಯು  
(A) -1  
(B) ಅಸ್ತಿತ್ವದಲ್ಲಿರುವುದಿಲ್ಲ  
(C) 0  
(D) 1

17.  $A = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$  ಆದರೆ  $A^4$  ಎಂಬುದು  
(A) I (B) 4A  
(C) A (D) 2A

18. A, B ಯು ಸಮವರ್ತಿಯ ಬೆರಗು ಮಾತೃಕೆಯಾಗಿದ್ದರೆ ಮತ್ತು B ಯು ಒಂದು ವಿವರಣೆ ಮಾತೃಕೆ ಆದರೆ,  $A^tBA$  ಯು  
(A) ಕರ್ಗ ಮಾತೃಕೆ  
(B) ವಿವರಣೆ ಮಾತೃಕೆ  
(C) ಸಮಾಂಗ ಮಾತೃಕೆ  
(D) ಬನ್ನ ಮಾತೃಕೆ

19.  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 2 \end{pmatrix} A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  ಆದರೆ ಮಾತೃಕೆ A ಯು  
(A)  $\begin{pmatrix} -2 & 1 \\ 3 & -2 \end{pmatrix}$  (B)  $\begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$   
(C)  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$  (D)  $\begin{pmatrix} 2 & -1 \\ -3 & 2 \end{pmatrix}$

20.  $f(x) = \begin{vmatrix} x^3-x & a+x & b+x \\ x-a & x^2-x & c+x \\ x-b & x-c & 0 \end{vmatrix}$  ಆದರೆ  
(A)  $f(0)=0$  (B)  $f(-1)=0$   
(C)  $f(1)=0$  (D)  $f(2)=0$

Space For Rough Work

Handwritten work for question 14 showing matrix operations and calculations.

Mathematics

14. If  $A = (a, b, c)$ , then the number of binary operations on A is  
(A)  $3^3$  (B)  $3^9$   
(C) 3 (D)  $3^6$

15. The domain of the function defined by  $f(x) = \cos^{-1}\sqrt{x-1}$  is  
(A)  $[-1, 1]$  (B)  $[0, 1]$   
(C)  $[1, 2]$  (D)  $[0, 2]$

16. The value of  $\cos\left(\sin^{-1}\frac{\pi}{3} + \cos^{-1}\frac{\pi}{3}\right)$  is  
(A) -1  
(B) Does not exist  
(C) 0  
(D) 1

17. If  $A = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$ , then  $A^4$  is equal to  
(A) I (B) 4A  
(C) A (D) 2A

18. If A and B are square matrices of same order and B is a skew symmetric matrix, then  $A^tBA$  is  
(A) Diagonal matrix  
(B) Skew symmetric matrix  
(C) Symmetric matrix  
(D) Null matrix

19. If  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 2 \end{pmatrix} A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , then the matrix A is  
(A)  $\begin{pmatrix} -2 & 1 \\ 3 & -2 \end{pmatrix}$  (B)  $\begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$   
(C)  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$  (D)  $\begin{pmatrix} 2 & -1 \\ -3 & 2 \end{pmatrix}$

20. If  $f(x) = \begin{vmatrix} x^3-x & a+x & b+x \\ x-a & x^2-x & c+x \\ x-b & x-c & 0 \end{vmatrix}$  then  
(A)  $f(0)=0$  (B)  $f(-1)=0$   
(C)  $f(1)=0$  (D)  $f(2)=0$

Space For Rough Work

Handwritten work for question 14 showing matrix operations and calculations.

Mathematics

1. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	2. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	3. $\frac{1}{\sqrt{2}}$
4. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	5. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	6. $\frac{1}{\sqrt{2}}$
7. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	8. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	9. $\frac{1}{\sqrt{2}}$
10. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	11. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	12. $\frac{1}{\sqrt{2}}$
13. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	14. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	15. $\frac{1}{\sqrt{2}}$
16. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	17. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	18. $\frac{1}{\sqrt{2}}$
19. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	20. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	21. $\frac{1}{\sqrt{2}}$
22. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	23. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	24. $\frac{1}{\sqrt{2}}$
25. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	26. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	27. $\frac{1}{\sqrt{2}}$
28. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	29. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	30. $\frac{1}{\sqrt{2}}$
31. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	32. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	33. $\frac{1}{\sqrt{2}}$
34. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	35. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	36. $\frac{1}{\sqrt{2}}$
37. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	38. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	39. $\frac{1}{\sqrt{2}}$
40. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	41. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	42. $\frac{1}{\sqrt{2}}$
43. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	44. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	45. $\frac{1}{\sqrt{2}}$
46. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	47. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	48. $\frac{1}{\sqrt{2}}$
49. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	50. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	51. $\frac{1}{\sqrt{2}}$
52. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	53. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	54. $\frac{1}{\sqrt{2}}$
55. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	56. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	57. $\frac{1}{\sqrt{2}}$
58. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	59. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	60. $\frac{1}{\sqrt{2}}$
61. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	62. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	63. $\frac{1}{\sqrt{2}}$
64. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	65. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	66. $\frac{1}{\sqrt{2}}$
67. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	68. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	69. $\frac{1}{\sqrt{2}}$
70. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	71. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	72. $\frac{1}{\sqrt{2}}$
73. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	74. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	75. $\frac{1}{\sqrt{2}}$
76. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	77. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	78. $\frac{1}{\sqrt{2}}$
79. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	80. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	81. $\frac{1}{\sqrt{2}}$
82. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	83. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	84. $\frac{1}{\sqrt{2}}$
85. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	86. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	87. $\frac{1}{\sqrt{2}}$
88. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	89. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	90. $\frac{1}{\sqrt{2}}$
91. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	92. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	93. $\frac{1}{\sqrt{2}}$
94. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	95. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	96. $\frac{1}{\sqrt{2}}$
97. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	98. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	99. $\frac{1}{\sqrt{2}}$
100. $\frac{1}{\sqrt{2}}$		

27.  $(xe)^y = e^x$  ಆದಾಗ  $\frac{dy}{dx}$  ನ್ನು

- (A)  $\frac{\log x}{(1 + \log x)}$   
 (B)  $\frac{e^x}{x(y-1)}$   
 (C)  $\frac{\log x}{(1 + \log x)^2}$   
 (D)  $\frac{1}{(1 + \log x)^2}$

28.  $y = 2x^{n+1} + \frac{3}{x^n}$  ಆದಾಗ  $x^2 \frac{d^2y}{dx^2}$  ನ್ನು

- (A)  $x \frac{dy}{dx} + y$   
 (B)  $y$   
 (C)  $6n(n+1)y$   
 (D)  $n(n+1)y$

29. ಎರಡು ವಕ್ರರೇಖೆಗಳು  $2x = y^2$  ಮತ್ತು  $2xy = K$  ಪರಸ್ಪರ ಲಂಬಾಕೃತವಾಗಿ ಛೇದಿಸಿದಾಗ  $K^2$  ನ ಬೆಲೆಯು

- (A) 2 (B) 8  
 (C) 4 (D)  $2\sqrt{2}$

30.  $x > 0$  ಮತ್ತು  $n, \frac{\log_e x}{x}$  ನ ಗರಿಷ್ಠ ಬೆಲೆಯು

- (A)  $\frac{1}{e}$  (B)  $-\frac{1}{e}$   
 (C)  $e$  (D) 1

31. ವಸವುಂಟಾದಾಗ 5% ರಂತೆ ಹೆಚ್ಚಾದ ಆದಾಯದ ಮೇಲ್ಮೈ ವಿಸ್ತೀರ್ಣದ ವರದಿಯಾಗುವ ಹೆಚ್ಚಳವು

- (A) 6%  
 (B) 20%  
 (C) 10%  
 (D) 60%

32.  $\int \frac{1+x^4}{1+x^6} dx$  ನ ಬೆಲೆಯು

- (A)  $\tan^{-1} x - \frac{1}{3} \tan^{-1} x^3 + C$   
 (B)  $\tan^{-1} x + \frac{1}{3} \tan^{-1} x^3 + C$   
 (C)  $\tan^{-1} x + \tan^{-1} x^3 + C$   
 (D)  $\tan^{-1} x + \frac{1}{3} \tan^{-1} x^3 + C$

27. If  $(xe)^y = e^x$ , then  $\frac{dy}{dx}$  is

- (A)  $\frac{\log x}{(1 + \log x)}$   
 (B)  $\frac{e^x}{x(y-1)}$   
 (C)  $\frac{\log x}{(1 + \log x)^2}$   
 (D)  $\frac{1}{(1 + \log x)^2}$

28. If  $y = 2x^{n+1} + \frac{3}{x^n}$ , then  $x^2 \frac{d^2y}{dx^2}$  is

- (A)  $x \frac{dy}{dx} + y$   
 (B)  $y$   
 (C)  $6n(n+1)y$   
 (D)  $n(n+1)y$

29. If the curves  $2x = y^2$  and  $2xy = K$  intersect perpendicularly, then the value of  $K^2$  is

- (A) 2 (B) 8  
 (C) 4 (D)  $2\sqrt{2}$

30. The maximum value of  $\frac{\log_e x}{x}$ , if  $x > 0$  is

- (A)  $\frac{1}{e}$  (B)  $-\frac{1}{e}$   
 (C)  $e$  (D) 1

31. If the side of a cube is increased by 5%, then the surface area of a cube is increased by

- (A) 6%  
 (B) 20%  
 (C) 10%  
 (D) 60%

32. The value of  $\int \frac{1+x^4}{1+x^6} dx$  is

- (A)  $\tan^{-1} x - \frac{1}{3} \tan^{-1} x^3 + C$   
 (B)  $\tan^{-1} x + \frac{1}{3} \tan^{-1} x^3 + C$   
 (C)  $\tan^{-1} x + \tan^{-1} x^3 + C$   
 (D)  $\tan^{-1} x + \frac{1}{3} \tan^{-1} x^3 + C$

Space For Rough Work

Space For Rough Work

33.  $\int \frac{3x+1}{(x-1)(x-2)(x-3)} dx$   
 $= A \log |x-1| + B \log |x-2| + C \log |x-3| + C$  ಆದರೆ ಅನುಕ್ರಮವಾಗಿ A, B ಮತ್ತು C ಗಳ ಬೆಲೆಯು  
 (A) 5, -7, 5 (B) 2, -7, 5  
 (C) 5, -7, -5 (D) 2, -7, -5

34.  $\int e^{\sin x} \sin 2x dx$  ದ ಬೆಲೆಯು  
 (A)  $2 e^{\sin x} (\cos x + 1) + C$   
 (B)  $2 e^{\sin x} (\cos x - 1) + C$   
 (C)  $2 e^{\sin x} (\sin x - 1) + C$   
 (D)  $2 e^{\sin x} (\sin x + 1) + C$

35.  $\int_{-\frac{1}{2}}^{\frac{1}{2}} \cos^{-1} x dx$  ದ ಬೆಲೆಯು  
 (A) 1 (B)  $\frac{\pi^2}{2}$   
 (C)  $\pi$  (D)  $\frac{\pi}{2}$

36.  $\int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \frac{\cos x}{1+e^x} dx$  ದ ಬೆಲೆಯು  
 (A) 1 (B) -2  
 (C) 2 (D) 0

37.  $\int_0^1 \frac{\log(1+x)}{1+x^2} dx$  ದ ಬೆಲೆಯು  
 (A)  $\frac{1}{2}$  (B)  $\frac{\pi}{8} \log 2$   
 (C)  $\frac{\pi}{2} \log 2$  (D)  $\frac{\pi}{4} \log 2$

38.  $y^2 = 8x$  ವಕ್ರರೇಖೆ ಮತ್ತು  $y = 2x$  ಸರಳರೇಖೆಯಿಂದ ಆವೃತವಾದ ಪ್ರದೇಶದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣವು  
 (A)  $\frac{3}{4}$  ಚದರ ಮಾನಗಳು  
 (B)  $\frac{8}{3}$  ಚದರ ಮಾನಗಳು  
 (C)  $\frac{16}{3}$  ಚದರ ಮಾನಗಳು  
 (D)  $\frac{4}{3}$  ಚದರ ಮಾನಗಳು

Space For Rough Work

33. If  $\int \frac{3x+1}{(x-1)(x-2)(x-3)} dx$   
 $= A \log |x-1| + B \log |x-2| + C \log |x-3| + C$ , then the values of A, B and C are respectively.  
 (A) 5, -7, 5 (B) 2, -7, 5  
 (C) 5, -7, -5 (D) 2, -7, -5

34. The value of  $\int e^{\sin x} \sin 2x dx$  is  
 (A)  $2 e^{\sin x} (\cos x + 1) + C$   
 (B)  $2 e^{\sin x} (\cos x - 1) + C$   
 (C)  $2 e^{\sin x} (\sin x - 1) + C$   
 (D)  $2 e^{\sin x} (\sin x + 1) + C$

35. The value of  $\int_{-\frac{1}{2}}^{\frac{1}{2}} \cos^{-1} x dx$  is  
 (A) 1 (B)  $\frac{\pi^2}{2}$   
 (C)  $\pi$  (D)  $\frac{\pi}{2}$

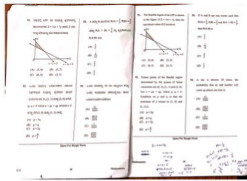
36. The value of  $\int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \frac{\cos x}{1+e^x} dx$  is  
 (A) 1 (B) -2  
 (C) 2 (D) 0

37. The value of  $\int_0^1 \frac{\log(1+x)}{1+x^2} dx$  is  
 (A)  $\frac{1}{2}$  (B)  $\frac{\pi}{8} \log 2$   
 (C)  $\frac{\pi}{2} \log 2$  (D)  $\frac{\pi}{4} \log 2$

38. The area of the region bounded by the curve  $y^2 = 8x$  and the line  $y = 2x$  is  
 (A)  $\frac{3}{4}$  sq. units  
 (B)  $\frac{8}{3}$  sq. units  
 (C)  $\frac{16}{3}$  sq. units  
 (D)  $\frac{4}{3}$  sq. units

Space For Rough Work





55. A, B ಮತ್ತು C ಜನು ಪೂರಕ ಸಮೂಹಗಳಾಗಿವೆ.  $P(A) = \frac{1}{2}$ ,  $P(B) = \frac{1}{4}$  ಮತ್ತು  $P(C) = \frac{1}{3}$  ಆಗಿರುತ್ತದೆ.  $P(A \cap B \cap C)$  ನ ಮೌಲ್ಯವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

(A)  $\frac{1}{24}$   
 (B)  $\frac{1}{8}$   
 (C)  $\frac{1}{12}$   
 (D)  $\frac{1}{4}$

56.  $P(E_1) = P(E_2) = \frac{1}{2}$  ಮತ್ತು  $P(E_1 \cap E_2) = \frac{1}{3}$  ಆಗಿರುತ್ತದೆ.  $P(E_1/A)$  ನ ಮೌಲ್ಯವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

(A) 1  
 (B)  $\frac{1}{4}$   
 (C)  $\frac{1}{2}$   
 (D)  $\frac{2}{3}$

57. ಸಮೂಹ A = {1, 2, 3, 4, 5, 6}, ಸಮೂಹ B = {2, 3, 4, 5, 6} ಮತ್ತು ಸಮೂಹ C = {3, 4, 5, 6} ಆಗಿರುತ್ತದೆ.  $P(A \cap B \cap C)$  ನ ಮೌಲ್ಯವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

(A) 57 (B) 58  
 (C) 64 (D) 63

58. ಸಮೂಹ A ಮತ್ತು ಸಮೂಹ B ನಲ್ಲಿ 1024 ಸದಸ್ಯರಿದ್ದಾರೆ.  $n(A) = 2$  ಮತ್ತು  $n(B) = 5$  ಆಗಿರುತ್ತದೆ.  $n(A \cap B)$  ನ ಮೌಲ್ಯವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

(A) 10 (B) 5  
 (C) 512 (D) 20

59.  $\sin^2 51^\circ + \sin^2 39^\circ$  ನ ಮೌಲ್ಯವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

(A)  $\sin 12^\circ$  (B)  $\cos 12^\circ$   
 (C) 1 (D) 0

60.  $\tan A + \cot A = 2$  ಆಗಿದ್ದರೆ  $\tan^4 A + \cot^4 A$  ನ ಮೌಲ್ಯವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

(A) 4 (B) 5  
 (C) 2 (D) 1

Space For Rough Work

C-3 20 Mathematics

55. The probability of solving a problem by three persons A, B and C independently is  $\frac{1}{2}$ ,  $\frac{1}{4}$  and  $\frac{1}{3}$  respectively. Then the probability of the problem is solved by any two of them is

(A)  $\frac{1}{24}$   
 (B)  $\frac{1}{8}$   
 (C)  $\frac{1}{12}$   
 (D)  $\frac{1}{4}$

56. Events  $E_1$  and  $E_2$  form a partition of the sample space S. A is any event such that  $P(E_1) = P(E_2) = \frac{1}{2}$ ,  $P(E_2/A) = \frac{1}{2}$  and  $P(A/E_2) = \frac{2}{3}$ , then  $P(E_1/A)$  is

(A) 1  
 (B)  $\frac{1}{4}$   
 (C)  $\frac{1}{2}$   
 (D)  $\frac{2}{3}$

57. If A = {1, 2, 3, 4, 5, 6}, then the number of subsets of A which contain atleast two elements is

(A) 57 (B) 58  
 (C) 64 (D) 63

58. If  $n(A) = 2$  and total number of possible relations from set A to set B is 1024, then  $n(B)$  is

(A) 10 (B) 5  
 (C) 512 (D) 20

59. The value of  $\sin^2 51^\circ + \sin^2 39^\circ$  is

(A)  $\sin 12^\circ$  (B)  $\cos 12^\circ$   
 (C) 1 (D) 0

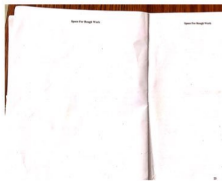
60. If  $\tan A + \cot A = 2$ , then the value of  $\tan^4 A + \cot^4 A$  is

(A) 4 (B) 5  
 (C) 2 (D) 1

Space For Rough Work

$P(A) =$   
 $\tan A + \cot A = 2$   
 $\frac{\sin A}{\cos A} + \frac{\cos A}{\sin A} = 2$

Mathematics 21 C-



39.  $y = 2x + 1$  ಸರಳರೇಖೆ,  $x = -1, x = 1$  ನಿರ್ದೇಶಕಗಳ ಮತ್ತು  $x$ -ಅಕ್ಷದ ಮಧ್ಯೆ ಅದ್ಭುತವಾದ ಪ್ರದೇಶದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣವು
- (A)  $\frac{5}{2}$  (B) 5  
(C)  $\frac{9}{4}$  (D) 2

40.  $c_1 y = (c_2 + c_3) e^{x^2}$  ವಕ್ರರೇಖೆಗಳ ಕುಟುಂಬದ ಸಮೀಕರಣದಲ್ಲಿ  $c_1, c_2, c_3$  ಬದಲಾಗಬಹುದಾದ ಅಪರೇಶನ ಸಮೀಕರಣದ ದರ್ಜೆಯು
- (A) 3 (B) 4  
(C) 1 (D) 2

41.  $x^2 dy - 2xy dx = x^4 \cos x dx$  ಅಪರೇಶನ ಸಮೀಕರಣದ ಸಾಮಾನ್ಯ ಪರಿಹಾರ
- (A)  $y = \sin x + cx^2$   
(B)  $y = \cos x + cx^2$   
(C)  $y = x^2 \sin x + cx^2$   
(D)  $y = x^2 \sin x + c$

42. ಯಾವುದೇ ಬಿಂದು  $(x, y)$  ನಲ್ಲಿ ಸ್ಪರ್ಶಕದ ಲಿಂಗ  $\frac{2x}{y}$  ಅದರ  $(1, 2)$  ಬಿಂದುವಿನ ಮೂಲಕ ಹಾದು ಹೋಗುವ ವಕ್ರರೇಖೆಯು
- (A) ದೀರ್ಘವೃತ್ತ (B) ಅಕವರವುಳು  
(C) ವೃತ್ತ (D) ಪರವಲಯ

43. ಸರಳರೇಖೆ  $\vec{i} + \vec{j} + \vec{k}$  ಮತ್ತು  $\vec{i} + 3\vec{j} + 5\vec{k}$  ಗಳು  $\Delta ABC$  ಯು ಬಾಹುಗಳಾದ  $\overline{AB}$  ಮತ್ತು  $\overline{AC}$  ಯನ್ನು ಅನುಕ್ರಮವಾಗಿ ಪ್ರತಿನಿಧಿಸುವಾಗ  $A$  ಬಿಂದು ಹಾದು ಹೋಗುವ ಮಧ್ಯರೇಖೆಯ ಉದ್ದ
- (A) 7 (B)  $\sqrt{14}$   
(C)  $\frac{\sqrt{14}}{2}$  (D) 14

44.  $\vec{a}$  ಮತ್ತು  $\vec{b}$  ಗಳು ಏಕಮಾನಗಳಾದರೆ  $\theta$  ಅನುಕೂಲ ಸಮೀಕರಣವನ್ನು  $\sin \frac{\theta}{2}$  ವು
- (A)  $\frac{|\vec{a} - \vec{b}|}{2}$  (B)  $|\vec{a} - \vec{b}|$   
(C)  $|\vec{a} + \vec{b}|$  (D)  $\frac{|\vec{a} + \vec{b}|}{2}$

Space For Rough Work

39. The area of the region bounded by the line  $y = 2x + 1$ ,  $x$ -axis and the ordinates  $x = -1$  and  $x = 1$  is
- (A)  $\frac{5}{2}$  (B) 5  
(C)  $\frac{9}{4}$  (D) 2

40. The order of the differential equation obtained by eliminating arbitrary constants in the family of curves  $c_1 y = (c_2 + c_3) e^{x^2}$  is
- (A) 3 (B) 4  
(C) 1 (D) 2

41. The general solution of the differential equation  $x^2 dy - 2xy dx = x^4 \cos x dx$  is
- (A)  $y = \sin x + cx^2$   
(B)  $y = \cos x + cx^2$   
(C)  $y = x^2 \sin x + cx^2$   
(D)  $y = x^2 \sin x + c$

42. The curve passing through the point  $(1, 2)$  given that the slope of the tangent at any point  $(x, y)$  is  $\frac{2x}{y}$  represents
- (A) Ellipse (B) Hyperbola  
(C) Circle (D) Parabola

43. The two vectors  $\vec{i} + \vec{j} + \vec{k}$  and  $\vec{i} - 3\vec{j} + 5\vec{k}$  represent the two sides  $\overline{AB}$  and  $\overline{AC}$  respectively of a  $\Delta ABC$ . The length of the median through  $A$  is
- (A) 7 (B)  $\sqrt{14}$   
(C)  $\frac{\sqrt{14}}{2}$  (D) 14

44. If  $\vec{a}$  and  $\vec{b}$  are unit vectors and  $\theta$  is the angle between  $\vec{a}$  and  $\vec{b}$ , then  $\sin \frac{\theta}{2}$  is
- (A)  $\frac{|\vec{a} - \vec{b}|}{2}$  (B)  $|\vec{a} - \vec{b}|$   
(C)  $|\vec{a} + \vec{b}|$  (D)  $\frac{|\vec{a} + \vec{b}|}{2}$

Space For Rough Work

Handwritten notes for question 44:  
 $\vec{a} = \cos \theta \vec{i} + \sin \theta \vec{j}$   
 $\vec{b} = \cos \theta \vec{i} - \sin \theta \vec{j}$   
 $|\vec{a} - \vec{b}| = \sqrt{(\cos \theta - \cos \theta)^2 + (\sin \theta + \sin \theta)^2} = \sqrt{4 \sin^2 \theta} = 2 \sin \theta$   
 $\sin \frac{\theta}{2} = \frac{|\vec{a} - \vec{b}|}{2} = \frac{2 \sin \theta}{2} = \sin \theta$

45.  $2\vec{i} - 3\vec{j} + 4\vec{k}$ ,  $2\vec{i} + \vec{j} - \vec{k}$  ಮತ್ತು  $\lambda\vec{i} - \vec{j} + 2\vec{k}$  ಸರಳರೇಖೆ ಒಂದೇ ಸಮತಲದಲ್ಲಿ ಇದ್ದರೆ  $\lambda$  ನ ಬೆಲೆಯು
- (A) -6  
(B) 5  
(C) 6  
(D) -5

46.  $|\vec{a} \times \vec{b}|^2 + |\vec{a} \cdot \vec{b}|^2 = 144$  ಮತ್ತು  $|\vec{a}| = 6$  ಆದರೆ  $|\vec{b}|$  ನ ಬೆಲೆ
- (A) 2  
(B) 4  
(C) 6  
(D) 3

47. ಬಿಂದು  $(1, -3, 4)$  ಇರುವ ಅಕ್ಷಗಳ
- (A) ನಾಲ್ಕನೆಯದು  
(B) ಎಂಟನೆಯದು  
(C) ಎರಡನೆಯದು  
(D) ಮೂರನೆಯದು

48. ಒಂದು ಸರಳರೇಖೆಯು  $x$  ಮತ್ತು  $y$ -ಅಕ್ಷಗಳಿಂದ  $\frac{\pi}{3}$  ಕೋನವನ್ನು ಉಂಟುಮಾಡಿದರೆ, ಆ ರೇಖೆಯು  $z$ -ಅಕ್ಷದಿಂದ ಉಂಟುಮಾಡುವ ಕೋನವು
- (A)  $\frac{\pi}{3}$  (B)  $\frac{\pi}{2}$   
(C)  $\frac{\pi}{4}$  (D)  $\frac{\pi}{6}$

49.  $(1, 2, -4)$  ಬಿಂದುವಿನಿಂದ  $\frac{x-3}{2} = \frac{y-3}{3} = \frac{z+5}{6}$  ಸರಳರೇಖೆ ಇರುವ ಅಂತರ
- (A)  $\frac{293}{49}$  (B)  $\frac{\sqrt{293}}{49}$   
(C)  $\frac{293}{7}$  (D)  $\frac{\sqrt{293}}{7}$

50. ಸರಳರೇಖೆ  $\frac{x-2}{3} = \frac{3-y}{-4} = \frac{z-4}{5}$  ಮತ್ತು ಸಮತಲ  $2x - 2y + z = 5$  ದಲ್ಲಿ ಉಂಟಾಗುವ sine ಕೋನವು
- (A)  $\frac{4}{5\sqrt{2}}$  (B)  $\frac{\sqrt{2}}{10}$   
(C)  $\frac{3}{\sqrt{50}}$  (D)  $\frac{3}{50}$

Space For Rough Work

45. If the vectors  $2\vec{i} - 3\vec{j} + 4\vec{k}$ ,  $2\vec{i} + \vec{j} - \vec{k}$  and  $\lambda\vec{i} - \vec{j} + 2\vec{k}$  are coplanar, then the value of  $\lambda$  is
- (A) -6  
(B) 5  
(C) 6  
(D) -5

46. If  $|\vec{a} \times \vec{b}|^2 + |\vec{a} \cdot \vec{b}|^2 = 144$  and  $|\vec{a}| = 6$ , then  $|\vec{b}|$  is equal to
- (A) 2  
(B) 4  
(C) 6  
(D) 3

47. The point  $(1, -3, 4)$  lies in the octant
- (A) Fourth  
(B) Eighth  
(C) Second  
(D) Third

48. If a line makes an angle of  $\frac{\pi}{3}$  with each of  $x$  and  $y$ -axis, then the acute angle made by  $z$ -axis is
- (A)  $\frac{\pi}{3}$  (B)  $\frac{\pi}{2}$   
(C)  $\frac{\pi}{4}$  (D)  $\frac{\pi}{6}$

49. The distance of the point  $(1, 2, -4)$  from the line  $\frac{x-3}{2} = \frac{y-3}{3} = \frac{z+5}{6}$  is
- (A)  $\frac{293}{49}$  (B)  $\frac{\sqrt{293}}{49}$   
(C)  $\frac{293}{7}$  (D)  $\frac{\sqrt{293}}{7}$

50. The sine of the angle between the straight line  $\frac{x-2}{3} = \frac{3-y}{-4} = \frac{z-4}{5}$  and the plane  $2x - 2y + z = 5$  is
- (A)  $\frac{4}{5\sqrt{2}}$  (B)  $\frac{\sqrt{2}}{10}$   
(C)  $\frac{3}{\sqrt{50}}$  (D)  $\frac{3}{50}$

Space For Rough Work