



Total No. of Questions - 15

Regd.

Total No. of Printed Pages - 3

No.

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

**MATHEMATICS (BRIDGE COURSE) for Bi.P.C. Candidates,
Paper-I**

(Telugu Version)

Time : 3 Hours]**[Max. Marks : 75**

గమనిక : ఈ పత్రాను వత్తంలో A మరియు B అను రెండు విభాగములు కలవు.

విభాగము - A

10 × 3 = 30

I. “స్వల్ప” సమాధాన ప్రశ్నలు.

- (i) అన్ని ప్రశ్నలకు సమాధానములు వ్యాయము.
- (ii) ప్రతి ప్రశ్నకు మూడు మార్గులు.

$$1. \begin{bmatrix} x-3 & 2y-8 \\ z+2 & 6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 & 2 \\ -2 & a-4 \end{bmatrix} \text{ అయితే } x, y, z \text{ మరియు } a \text{ విలువలు కనుక్కోండి.}$$

$$2. -3\mathbf{i} + 4\mathbf{j} + \lambda\mathbf{k} \text{ మరియు } \mu\mathbf{i} + 8\mathbf{j} + 6\mathbf{k} \text{ నదిశలు సరేఫీయాలు అయితే } \lambda \text{ మరియు } \mu \text{ విలువలు కనుక్కోండి.}$$

$$3. \mathbf{a} = 6\mathbf{i} + 2\mathbf{j} + 3\mathbf{k} \text{ మరియు } \mathbf{b} = 2\mathbf{i} - 9\mathbf{j} + 6\mathbf{k} \text{ అయితే } \mathbf{a} \cdot \mathbf{b} \text{ కనుక్కోండి మరియు } \mathbf{a}, \mathbf{b} \text{ ల మధ్య కోణాన్ని కనుక్కోండి.}$$

$$4. \sin^2\left(52\frac{1}{2}\right)^\circ - \sin^2\left(22\frac{1}{2}\right)^\circ = \frac{\sqrt{3}+1}{4\sqrt{2}} \text{ అని చూపండి.}$$

$$5. 13 \cos x + 3\sqrt{3} \sin x - 4 \text{ ప్రమేయానికి గరిష్ట మరియు కనిష్ట విలువలు కనుక్కోండి.}$$

6. $4x - 3y + 12 = 0$ సమీకరణాన్ని

(i) వాలు అంతరభండ రూపం

(ii) అంతరభండ రూపంలోకి మార్చండి.

7. $x + p = 0, y + 2 = 0$ మరియు $3x + 2y + 5 = 0$ సరళరేఖలు అనుష్టాలయితే
 p విలువ కనుక్కోండి.

8. A (1, 1, 1), B (-2, 4, 1) బిందువులు రెండు శీర్శాలుగా, మూలబిందువు
కేంద్రాభాసంగా గల త్రిభుజం ABC కి, శీర్షం 'C' నీరూపకాలు కనుక్కోండి.

9. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3^x - 1}{\sqrt{1+x} - 1}$ ను గణించుచు.

10. $f(x) = \log (\sec x + \tan x)$ అయితే $f'(x)$ ని కనుక్కోండి.

విభాగము - B

$3 \times 15 = 45$

II. "దీర్ఘ" సమాధాన ప్రశ్నలు.

(i) ఏవైనా ముళాడు ప్రశ్నలకు సమాధానములు వ్రాయుము.

(ii) ప్రతి ప్రశ్నకు పదిహేను మార్పులు.

11. (a) $x + y + z = 1$

$$2x + 2y + 3z = 6$$

$$x + 4y + 9z = 3$$

అను సమీకరణ వ్యవస్థను మాత్రికా విలోపు పద్ధతిలో సాధించండి.

(b) $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 3 & 2 & 3 \\ 1 & 1 & 2 \end{bmatrix}$ సాధారణ మాత్రిక అని చూపి A^{-1} కనుక్కోండి.

12. (a) a, b, c లు అతించు సదిలయితే $-a + 4b - 3c, 3a + 2b - 5c, -3a + 8b - 5c, -3a + 2b + c$ అను నాలుగు బిందువులు సతీయాలని చూపండి.

(b) $a = 2i + j - 2k, b = i + j$ అనుకుండాం. $a \cdot c = |c|, |c - a| = 2\sqrt{2}, a \times b$ మరియు c ల మధ్య కోణం 30° అయ్యేటట్లు సదిశ c ఉంటే $|(a \times b) \times c|$ విలువను కనుక్కొండి.

13. (a) $A + B = \frac{\pi}{4}$ అయితే $(1 + \tan A)(1 + \tan B) = 2$ అని చూపండి.

(b) A, B, C లు త్రిభుజ కోణాలయితే

$$\cos A + \cos B + \cos C = 1 + 4 \sin \frac{A}{2} \sin \frac{B}{2} \sin \frac{C}{2} \text{ అని చూపండి.}$$

14. (a) $x + y + 10 = 0, x - y - 2 = 0$ మరియు $2x + y - 7 = 0$ అను సమీకరణాలు భూజాలుగా గల త్రిభుజం లంబ కేంద్రాన్ని కనుక్కొండి.

(b) $y - 3kx + 4 = 0, (2k - 1)x - (8k - 1)y - 6 = 0$ సరళరేఖలు లంబాలయితే k విలువ కనుక్కొండి.

15. (a) $(\sin x)^{\log x} + x^{\sin x}$ ప్రమీయానికి అవకలజాన్ని కనుక్కొరడి.

(b) $y^4 = ax^3$ అను వక్రానికి (a, a) బిందువు వద్ద స్పర్శరేఖ, అభిలంబ రేఖల సమీకరణాలు కనుక్కొండి.

